

Testul 1

1. Arătați că $3 - 4\sqrt{5} + 2(2\sqrt{5} - 1) = 1$.
2. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = 2x - 5$ și $g: R \rightarrow R, g(x) = 3x + 4$.
Determinați m pentru care $f(m) = g(m)$.
3. Arătați că $(\sqrt{15} - 4)(\sqrt{15} + 4) = -1$.
4. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 + 3$. Determinați numerele reale a pentru care $f(a) = 3 - a$.
5. Arătați că $3(1 + i) - i(3 - i) = 2$, unde $i^2 = -1$.
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = 2x + 7$. Determinați numărul real a pentru care punctul $A(3a, -a)$ aparține graficului funcției f .

Testul 2

1. Arătați că numerele $5 - 3\sqrt{2}, \sqrt{7}$ și $5 + \sqrt{18}$ sunt termeni consecutivi ai unei progresii geometrice.
2. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = mx + 2$, unde m este un număr real nenul.
Determinați m pentru care $(f \circ f)(1) = 3$.
3. Calculați media aritmetică a numerelor $a = 30 - \sqrt{14}$ și $b = 12 + \sqrt{14}$.
4. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = x + 1$ și $g: R \rightarrow R, g(x) = 5 - 2x$.
Arătați că $f(2a) + g(a) = 6$, pentru orice număr real a .
5. Determinați termenul a_1 al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_3 = 8$ și $a_4 = 11$.
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x - 3$. Determinați numărul real a pentru care $f(a) + f(3a) = 2$.

Testul 3

1. Arătați că $\sqrt{3}(\sqrt{3} - 1)(3 + \sqrt{3}) = 6$.
2. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = 3x^2 - 12$. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficului funcției f cu axa Ox .
3. Calculați termenul b_5 al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_2 = \sqrt{3}$ și $b_1 = 1$.
4. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 + mx + 1$, unde m este un număr real. Determinați m pentru care axa Ox este tangentă graficului funcției f .
5. Arătați că numărul $N = \log_3 36 - \log_3 12 + 8$ este pătrat perfect.
6. Determinați numărul real a pentru care punctul $A(a, a^2)$ aparține graficului funcției $f: R \rightarrow R, f(x) = 3x - 2$.

Testul 4

1. Arătați că $2(3 - i) + 2i(1 + 2i) = 2$.
2. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 - 9$. Calculați $(f \circ f)(3)$.
3. Determinați al patrulea termen al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = 2$ și $b_2 = 6$.
4. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = x + 5$ și $g: R \rightarrow R, f(x) = x - 5$. Calculați $(f \circ g)(5)$.
5. Determinați al șaselea termen al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, cu termeni pozitivi, știind că $b_5 = 4$ și $b_7 = 16$.
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 + 3x - 2$. Determinați numerele reale a , pentru care $f(a) + f(-a) = 0$.

Testul 5

1. Fie $z_1 = 1 - 3i$ și $z_2 = 1 + \frac{1}{3}i$, unde $i^2 = -1$. Arătați că $z_1 + z_2 = z_1 z_2$.
2. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = 3x + a$, unde a este un număr real.
Determinați numărul real a , astfel încât $(f \circ f)(x) = 3f(x - 1)$.
3. Determinați al patrulea termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_3 = 4$ și $a_5 = 10$.
4. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 + 4$. Determinați numărul real a , știind că $f(a) = f(a + 2)$.
5. Determinați suma primilor 3 termeni ai progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_3 = 4$ și $b_2 = 2$.
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 - 4x + 3$. Determinați suma absciselor punctelor în care graficul funcției f intersectează axa Ox .

Testul 6

1. Determinați termenul a_{101} al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 2$ și $a_3 = 8$
2. Determinați coordonatele punctului de intersecție a graficului funcției $f: R \rightarrow R, f(x) = 3x - 4$ cu dreapta d de ecuație $y = -2x + 1$.
3. Calculați media geometrică a numerelor $a = \log_{15} 27 + \log_{15} 125$ și $b = 2\sqrt{3}$.
4. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 + 4x + a$, unde a este un număr real.
Determinați valorile reale ale lui a pentru care graficul funcției f intersectează axa Ox în două puncte distincte.
5. Calculați $\frac{3 - \log_2 4}{\log_2 18 - \log_2 9}$.
6. Determinați valorile reale ale lui m pentru care soluția ecuației $3x - m^2 + 1 = 0$ este număr real negativ.

Testul 7

1. Se consideră numărul complex $z = 1 + 3i$. Arătați că $z + \frac{10}{z} = 2$.
2. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = 2x - 1$ și $g: R \rightarrow R, g(x) = x^2 + 2x$.
Determinați numărul real a pentru care $(f \circ g)(a) = (f \circ g)(-a)$.
3. Determinați suma primilor cinci termeni ai progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 3$ și rația este $r = 5$.
4. Determinați valorile reale nenule ale lui m , pentru care ecuația $mx^2 - x - m + 1 = 0$ are două soluții reale distincte în mulțimea numerelor reale.
5. Arătați că $4 - \sqrt{3}$, 3 și $2 + \sqrt{3}$ sunt termeni consecutivi ai unei progresii aritmetice.
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = \frac{x^{1001}}{x^4 + 1}$. Arătați că funcția f este impară.

Testul 8

1. Determinați modulul celui de-al șaptelea termen al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = -1$ și $b_2 = 2$.
2. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = -x^2 + 3x + 4$. Determinați mulțimea valorilor reale ale lui x pentru care $f(x) > 0$.
3. Arătați că numărul $x = 2 + 2\sqrt{5} - (1 + \sqrt{5})^2$ este număr întreg negativ.
4. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = 2x + 2$ și $g: R \rightarrow R, g(x) = 3x^2 + x$.
Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficelor funcțiilor f și g .
5. Arătați că numerele $\log_6 4$, $\log_6 10$ și $\log_6 25$ sunt termeni consecutivi ai unei progresii aritmetice.
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = -x^2 + x + 1$. Determinați numerele reale x pentru care $f(x) = x$.

Testul 9

1. Determinați primul termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_2 = 4$ și $a_3 = 7$.
2. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 - 6$. Determinați numărul natural n pentru care $f(n) = 3$.
3. Arătați că $\log_2 3 + \log_2 10 - \log_2 15 = 1$.
4. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2$ și $g: R \rightarrow R, g(x) = 4x - 4$. Demonstrați că $f(x) \geq g(x)$, pentru orice număr real x .
5. Se consideră progresia aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$, cu $a_1 = 4$ și rația $r = -2$. Calculați a_4 .
6. Se consideră funcția $f: R \rightarrow R, f(x) = 3x - 1$. Determinați numerele reale x pentru care $f(x^2) = 5$.

Testul 10

1. Determinați produsul primilor trei termeni ai progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 3$ și $r = 4$.
2. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficului funcției $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 - 7x + 6$ cu axa Ox .
3. Determinați termenul b_4 al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = 1$ și rația $q = 3$.
4. Se consideră funcțiile $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 - 2x - 1$ și $g: R \rightarrow R, g(x) = x - 3$. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficelor celor două funcții.
5. Arătați că $(1 + 2i)^2 - 4i = -3$.
6. Determinați numărul real nenul m , știind că abscisa vârfului parabolei asociate funcției $f: R \rightarrow R, f(x) = mx^2 + 6x - 5$ este egală cu 3.