

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $4 - 6\sqrt{3} + 3(2\sqrt{3} - 1) = 1$.
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 5x - 3$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = 2x + 3$. Determinați numărul real a pentru care $f(a) = g(a)$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2^{2x+1} \cdot 2^3 = 1$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale, de două cifre distințe, se pot forma cu cifre din mulțimea $A = \{3, 4, 5, 6\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(4, 0)$, $B(0, 2)$, $C(3, 3)$ și M , mijlocul segmentului AB . Arătați că segmentele MO și MC au lungimile egale.
- 5p** 6. Se consideră $E(x) = 2 \sin x \sin 2x - \cos x$, unde x este număr real. Arătați că $E\left(\frac{\pi}{6}\right) = 0$.

IUNIE 2023 – S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $(\sqrt{6} - 2)(\sqrt{6} + 2) = 2$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 1$. Determinați numerele reale a pentru care $f(a) = 1 - a$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_4(x^2 + 4) = \log_4(6x - 4)$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale de două cifre, cu cifra zecilor număr impar, se pot forma cu elementele mulțimii $\{1, 2, 3, 4, 5\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1, -5)$ și $B(5, 5)$. Determinați distanța de la punctul O la mijlocul segmentului AB .
- 5p** 6. Se consideră triunghiul ABC , dreptunghic în A , cu $AC = 6$ și $\tan C = \sqrt{3}$. Arătați că aria triunghiului ABC este egală cu $18\sqrt{3}$.

MAI 2023 – S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $2(1+i) - i(2-i) = 1$, unde $i^2 = -1$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 3x + 10$. Determinați numărul real a pentru care punctul $A(2a, a)$ aparține graficului funcției f .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{2x^2 + 2} = 2x$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale impare, de trei cifre, se pot forma cu elementele mulțimii $A = \{0, 1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. Determinați numărul real a pentru care vectorii $\vec{u} = a\vec{i} + (a-1)\vec{j}$ și $\vec{v} = \vec{i} + 2\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Se consideră triunghiul ABC , dreptunghic în A , cu măsura unghiului B egală cu $\frac{\pi}{6}$ și $BC = 24$. Bisectoarea unghiului C al triunghiului ABC intersectează latura AB în punctul D . Determinați lungimea segmentului CD .

MARTIE 2023 – S.N.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că numerele $5 - 2\sqrt{6}$, 1 și $5 + \sqrt{24}$ sunt termeni consecutivi ai unei progresii geometrice.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = ax + 1$, unde a este număr real nenul. Determinați numărul real nenul a pentru care $(f \circ f)(1) = 1$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2^x \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{2-x} = 32$.
- 5p** 4. Determinați numărul de submulțimi ordonate, cu câte două elemente, care se pot forma cu elementele mulțimii $M = \{0, 1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-2, 1)$ și $B(2, 5)$. Determinați ecuația dreptei d care trece prin punctul B și este perpendiculară pe dreapta AB .
- 5p** 6. Arătați că $(\tan x + 1)(\cotan x - 1) = 2\cotan 2x$, pentru orice $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că media aritmetică a numerelor $a = 20 - \sqrt{21}$ și $b = 22 + \sqrt{21}$ este egală cu 21 .
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x - 1$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = 3 - x$. Arătați că $f(a) + g(a) = 2$, pentru orice număr real a .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{7x-6} = x$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale pare, de două cifre, au cifrele elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(6, 0)$ și $B(6, 6)$. Arătați că triunghiul AOM este isoscel, unde punctul M este mijlocul segmentului OB .
- 5p** 6. Se consideră triunghiul ABC , dreptunghic în A , astfel încât $AC = 4$ și măsura unghiului B este egală cu 60° . Arătați că înălțimea din vârful A a triunghiului ABC are lungimea egală cu 2 .

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați termenul a_1 al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_2 = 6$ și $a_3 = 12$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x - 5$. Determinați numărul real a pentru care $f(a) + f(2a) = 2$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $5^x \cdot \frac{1}{5} = 25$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie multiplu de 16 .
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(3, 2)$ și $B(1, 4)$. Determinați coordonatele punctului C , astfel încât punctul A este mijlocul segmentului BC .
- 5p** 6. Se consideră expresia $E(x) = \sin x + \sin \frac{3x}{2} - \cos \frac{x}{2}$, unde x este număr real. Arătați că $E\left(\frac{\pi}{3}\right) = 1$.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p** 1. Arătați că $\sqrt{2}(\sqrt{2}-1)(2+\sqrt{2})=2$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f:\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x)=2x^2-4x$. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficului funcției f cu axa Ox .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2^{x-3} = \frac{1}{2^{2x}}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie multiplu de 11.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1,0)$, $B(0,3)$ și $C(4,0)$. Arătați că triunghiul ABC este isoscel.
- 5p** 6. Se consideră $E(x)=\operatorname{tg} x + \sin \frac{3x}{2} - 2 \cos \frac{x}{2}$, unde $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$. Arătați că $E\left(\frac{\pi}{3}\right)=1$.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p** 1. Calculați termenul b_4 al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = \sqrt{2}$ și $b_2 = 4$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f:\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x)=mx^2-2x+1$, unde m este număr real nenul. Determinați numărul real nenul m pentru care axa Ox este tangentă graficului funcției f .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^{x+2} - 3^x - 6 \cdot 3^{x-1} = 6$.
- 5p** 4. Se consideră mulțimea A , a numerelor naturale de două cifre. Determinați probabilitatea ca, alegând un număr n din mulțimea A , numărul $2n-60$ să aparțină mulțimii A .
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1,4)$, $B(5,2)$ și C , mijlocul segmentului AB . Determinați ecuația dreptei d care trece prin punctul C și este perpendiculară pe dreapta AB .
- 5p** 6. Se consideră triunghiul isoscel ABC , cu măsura unghiului A egală cu 120° și $AB=6$. Arătați că aria triunghiului ABC este egală cu $9\sqrt{3}$.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p** 1. Arătați că numărul $N = \log_2 24 - \log_2 12 + 3$ este pătratul unui număr natural.
- 5p** 2. Determinați numărul real a pentru care punctul $A(a, a^2)$ aparține graficului funcției $f:\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x)=2x-1$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 - 2x - 2} = x - 2$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $A=\{1!, 2!, 3!, \dots, 10!\}$, acesta să fie divizibil cu 9.
- 5p** 5. Se consideră triunghiul ABC și punctul D mijlocul segmentului BC . Arătați că, pentru orice puncte E și F astfel încât $\overline{AE} = \overline{FD}$, are loc relația $2(\overline{EB} + \overline{FC}) = \overline{AB} + \overline{AC}$.
- 5p** 6. Arătați că $(\sin x + \cos x)^2 - (\sin x - \cos x)^2 = 2 \cos\left(\frac{\pi}{2} - 2x\right)$, pentru orice număr real x .

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $3(4-i) + 3i(1+i) = 9$, unde $i^2 = -1$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 4$. Calculați $(f \circ f)(2)$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_3(x^2 - 2x + 4) = 1$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie divizibil cu 10.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2,4)$ și $B(3,a)$, unde a este număr real. Determinați numărul real a , știind că punctele O , A și B sunt coliniare.
- 5p** 6. Se consideră $E(x) = \cos x + \cos 2x + \cos 3x$, unde x este număr real. Arătați că $E\left(\frac{\pi}{4}\right) = 0$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați al treilea termen al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = 2$ și $b_2 = 6$.
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x + 7$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x - 7$. Calculați $(f \circ g)(7)$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{2x-1} = x - 2$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr n din mulțimea numerelor naturale de o cifră, acesta să verifice inegalitatea $n(n-1)(n-2)(n-3)(n-4) > 0$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1,1)$, $B(-1,0)$, $C(3,5)$ și $D(5,6)$. Demonstrați că punctele B , D și mijlocul segmentului AC sunt coliniare.
- 5p** 6. Determinați $x \in (0, \pi)$, știind că $(\sin x - \cos x)^2 = 2$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Se consideră numărul complex $z = 3 + 2i$. Arătați că $z + \frac{13}{z} = 6$.
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 3x - 5$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x^2 + x$. Determinați numărul real a pentru care $(f \circ g)(a) = (f \circ g)(-a)$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^{3x+5} = 9 \cdot 3^{x+1}$.
- 5p** 4. Se consideră A , o mulțime cu 4 elemente. Calculați probabilitatea ca, alegând o mulțime din mulțimea submulțimilor lui A , aceasta să aibă un număr impar de elemente.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1,3)$, $B(3,5)$ și $C(0,6)$. Determinați ecuația dreptei d care trece prin punctul A și este paralelă cu mediana din vârful C a triunghiului ABC .
- 5p** 6. Calculați lungimea laturii BC a triunghiului ABC , știind că $AB = 2$, $AC = 2\sqrt{3}$ și $B = \frac{\pi}{3}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că numerele $\log_2 3$, $\log_2 6$ și $\log_2 12$ sunt termeni consecutivi ai unei progresii aritmetice.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - x + 1$. Determinați numărul real x pentru care $f(x) = x$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $|2x - 1| = 2x + 1$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să aibă cifra zecilor pară și cifra unităților impară.
- 5p** 5. Determinați numărul real a , pentru care vectorii $\vec{u} = a\vec{i} + \vec{j}$ și $\vec{v} = 8\vec{i} + 2\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. În triunghiul ABC dreptunghic în A , $BC = 12$ și $B = \frac{\pi}{6}$. Arătați că aria triunghiului ABC este egală cu $18\sqrt{3}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați primul termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_2 = 3$ și $a_3 = 5$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 1$. Determinați numărul natural n pentru care $f(n) = 3$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 - 9} = x - 1$.
- 5p** 4. Determinați numărul de submulțimi cu trei elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $M(1, 1)$, $N(3, 3)$, $P(4, 3)$ și $Q(1, a)$, unde a este număr real. Determinați numărul real a , pentru care patrulaterul $MNPQ$ este trapez cu bazele MN și PQ .
- 5p** 6. Calculați lungimea ipotenuzei BC a triunghiului dreptunghic ABC , în care $AB = 5$ și $\cos B = \frac{1}{2}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $\log_2 7 + \log_2 6 - \log_2 21 = 1$.
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2$ și $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = 2x - 1$. Demonstrați că $f(x) \geq g(x)$, pentru orice număr real x .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 + 12} = 2x$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr x din mulțimea $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$, acesta să fie soluție a ecuației $x^2 - 3x + 2 = 0$.
- 5p** 5. Determinați numerele reale a și b , pentru care $\vec{u} = 3\vec{v}$, unde $\vec{u} = a\vec{i} + 6\vec{j}$ și $\vec{v} = 2\vec{i} + b\vec{j}$.
- 5p** 6. Se consideră expresia $E(x) = \sin^2 x - \cos^2 x + \sqrt{2}(\sin x + \cos x) - 2$, unde x este număr real. Arătați că $E\left(\frac{\pi}{4}\right) = 0$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Se consideră o progresie aritmetică $(a_n)_{n \geq 1}$ cu $a_1 = 2$ și rația $r = 3$. Calculați a_3 .
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 2x + 1$. Determinați numerele reale x pentru care $f(x^2) = 9$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^{2x+2} - 3^{2x} = 8$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, acesta să fie divizor al lui 100.
- 5p** 5. Se consideră un punct P în planul paralelogramului $ABCD$. Arătați că $\overline{PA} + \overline{PC} = \overline{PB} + \overline{PD}$.
- 5p** 6. Arătați că $\sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) + \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = 0$, pentru orice număr real x .

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $(0,3 \cdot 10 - 1)(0,3 \cdot 10 + 1) = 8$.
- 5p** 2. Se consideră x_1 și x_2 soluțiile ecuației $x^2 - 6x + m = 0$, unde m este număr real. Determinați numărul real m pentru care $x_1 x_2 (x_1 + x_2) = 12$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2\sqrt{5-x} = \sqrt{x+10}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să aibă cifra zecilor cu 3 mai mare decât cifra unităților.
- 5p** 5. Determinați numărul real a pentru care vectorii $\vec{u} = a\vec{i} + (a-1)\vec{j}$ și $\vec{v} = 3\vec{i} + 4\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Arătați că, dacă x este număr real pentru care $\sin x = \cos x$, atunci $\cos 2x = 0$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați suma primilor trei termeni ai progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, dacă $a_1 = 2$ și rația $r = 2$.
- 5p** 2. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficului funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 10x + 9$ cu axa Ox .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $5^{x+1} - 3 \cdot 5^x = 2$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr x din mulțimea $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, acesta să fie soluție a ecuației $x^2 - 4x + 4 = 0$.
- 5p** 5. Determinați lungimea vectorului $\overline{AB} + \overline{AC}$, știind că triunghiul ABC este echilateral și $AB = 2$.
- 5p** 6. Arătați că $\sin^2\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \sin^2(x + \pi) = 1$, pentru orice număr real x .

SUBIECTUL I**(30 de puncte)****IULIE 2019– S.N.**

- 5p** 1. Determinați termenul b_3 al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = 1$ și rația $q = 5$.
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - x + 1$ și $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = 4x - 5$. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficelor celor două funcții.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{2x} + x = 4$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $A = \{\sqrt{1}, \sqrt{2}, \sqrt{3}, \dots, \sqrt{49}\}$, acesta să fie număr natural.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2,3)$, $B(-3,0)$ și $C(-3,6)$. Determinați ecuația medianei din A a triunghiului ABC .
- 5p** 6. Arătați că $\sin x(3\sin x - \cos x) + \cos x(\sin x + 3\cos x) = 3$, pentru orice număr real x .

MAI 2019– S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că $(1+i)^2 - 2i = 0$, unde $i^2 = -1$.
- 5p** 2. Determinați numărul real nenul m , știind că abscisa vârfului parabolei asociate funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = mx^2 + 8x - 7$ este egală cu 12.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_4(x^2 - 10x + 40) = 2$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $M = \{1, 2, 3, \dots, 100\}$, acesta să fie număr impar.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2, -1)$, $B(-2, 0)$ și $C(0, 3)$. Determinați lungimea vectorului \overline{BD} , știind că $ABCD$ este paralelogram.
- 5p** 6. Arătați că $\sin 3x + \sin 2x + \sin x = \sqrt{3}$, știind că $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ și $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

MARTIE 2019– S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați numărul complex z , știind că $3z + 2\bar{z} = 5 + 2i$, unde \bar{z} este conjugatul lui z .
- 5p** 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x + a$, unde a este număr real. Determinați numărul real a pentru care $(f \circ f \circ f)(x) = x + 3$, pentru orice număr real x .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_3(2x + 3) - \log_3 x = 1$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de trei cifre, acesta să se dividă cu 10.
- 5p** 5. Determinați numărul real a pentru care vectorii $\vec{u} = (a+1)\vec{i} + (5a-1)\vec{j}$ și $\vec{v} = \vec{i} + 3\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Calculați aria triunghiului ABC , știind că $AB = 6$, $AC = 10$ și $\cos A = \frac{3}{5}$.

SUBIECTUL I – Serieți, pe foaia de examen, rezolvările complete. (30 de puncte)

- 5p** 1. Arătați că numărul $a = \left(\frac{1}{1-i} - \frac{1}{1+i} \right)^2$ este întreg, unde $i^2 = -1$.
- 5p** 2. Determinați cel mai mare număr natural m pentru care soluțiile ecuației $x^2 - 7x + m = 0$ sunt numere reale.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^x + 3^{x+1} + 3^{x+2} = 117$.
- 5p** 4. Determinați numărul de elemente ale unei mulțimi, știind că aceasta are exact 36 de submulțimi cu două elemente.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-1,1)$, $B(3,-3)$ și $C(3,0)$. Determinați ecuația medianei din C a triunghiului ABC .
- 5p** 6. Determinați $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ pentru care $\cos x \sin(\pi - x) - \sin x \cos(\pi + x) = 1$.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- 5p** 1. Arătați că $\sqrt{3}(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1) - \sqrt{12} = 0$.
- 5p** 2. Determinați numărul real a , pentru care graficele funcțiilor $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 2x + 3$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x + a$ se intersectează într-un punct de abscisă $x = 1$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x+1} = 1 - \sqrt{x}$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale de trei cifre distințe au cifrele elemente ale mulțimii $\{0,1,2,3,4\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră dreptele d_1 , de ecuație $y = ax + 2$ și d_2 , de ecuație $y = \frac{x}{4} + 1$. Determinați numărul real a , știind că dreptele d_1 și d_2 sunt paralele.
- 5p** 6. Arătați că $\sin(\pi - x) \cos(2\pi + x) - \sin(2\pi + x) \cos(\pi - x) = \sin 2x$, pentru orice număr real x .

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- 5p** 1. Determinați produsul primilor trei termeni ai progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_2 = 4$.
- 5p** 2. Se consideră funcțiile $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = (x-1)^2$ și $g(x) = 2018 - x$. Calculați $g(f(1))$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $25^x = 5^{x^2}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să aibă cifra zecilor egală cu 9.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră dreapta d de ecuație $(a-1)x - a^2y - a^2 = 0$, unde a este număr real nenul. Determinați numărul real nenul a , știind că dreapta d este paralelă cu axa Ox .
- 5p** 6. Arătați că $\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x = \frac{5}{2}$, știind că $\sin x = \frac{1}{\sqrt{5}}$ și $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați al doilea termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 7$ și $a_3 = 15$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 3x + 2$. Determinați numerele naturale n , pentru care $f(n) < 8$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 - 1} = x + 1$.
- 5p** 4. Determinați numărul submulțimilor cu trei elemente ale mulțimii $\{0, 1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră dreptele $d_1 : y = \frac{x}{2} + 2$ și $d_2 : y = (m-3)x + 1$, unde m este număr real. Determinați numărul real m , pentru care dreptele d_1 și d_2 sunt perpendiculare.
- 5p** 6. Arătați că, dacă $\sin 2x = \frac{1}{2}$, atunci $(\sin x + \cos x)^2 = \frac{3}{2}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați conjugatul numărului complex $z = (1-i)(2+i) + 5i$.
- 5p** 2. Determinați numerele naturale n pentru care $n^2 + n - 12 < 0$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\lg(x+1) = 2\lg(x-5)$.
- 5p** 4. Determinați numărul de elemente ale unei mulțimi, știind că aceasta are 45 de submulțimi cu două elemente.
- 5p** 5. Se consideră dreptunghiul $ABCD$ și $\vec{v} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD}$. Știind că lungimea vectorului \vec{v} este egală cu 20, determinați lungimea vectorului \overrightarrow{BD} .
- 5p** 6. Arătați că, dacă x este număr real pentru care $\sin x + \cos x = \sqrt{2}$, atunci $\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x = 2$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că suma elementelor mulțimii $\{n \in \mathbb{N} \mid n(n+2) < 14\}$ este egală cu 3.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = ax + b$. Determinați numerele reale a și b , știind că $f(0) = 1$ și $f(x+1) = f(x) + 2$, pentru orice număr real x .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale inecuația $(x+5)^2 - 9 > 0$.
- 5p** 4. Determinați numărul submulțimilor ordonate cu două elemente ale mulțimii $\{1, 3, 5, 7, 9\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(0,2)$, $B(3,5)$ și $C(-1,3)$. Determinați coordonatele simetricului punctului A față de mijlocul segmentului BC .
- 5p** 6. Calculați sinusul unghiului D al triunghiului DEF , știind că semiperimetru triunghiului DEF este egal cu 6, $DE = 4$ și $DF = 5$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați primul termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_3 = 10$ și rația $r = 3$.
- 5p** 2. Determinați numărul real m , știind că punctul $A(1,3)$ aparține graficului funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - mx + 2m$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $4^x + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale pare, de două cifre distințe, au cifrele elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(4,2)$ și $B(2,4)$. Determinați ecuația mediatoarei segmentului AB .
- 5p** 6. Calculați lungimea razei cercului circumscris triunghiului dreptunghic ABC care are catetele $AB = 8$ și $AC = 6$.

AUGUST 2017– S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați al treilea termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 4$ și $a_2 = 7$.
- 5p** 2. Se consideră x_1 și x_2 soluțiile ecuației $x^2 - 4x + 1 = 0$. Arătați că $4x_1x_2 - (x_1 + x_2) = 0$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2^{2x+1} = \frac{1}{8}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie multiplu de 15.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(0,1)$, $B(1,1)$ și $C(3,a)$, unde a este număr real. Determinați numărul real a , știind că punctele A , B și C sunt coliniare.
- 5p** 6. Se consideră triunghiul ABC cu $AB = 4\sqrt{3}$, $AC = 4$ și $\sin C = \frac{\sqrt{3}}{2}$. Calculați $\sin B$.

IUNIE 2017– S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Se consideră numerele complexe $z_1 = 3 + 2i$ și $z_2 = 3 - 2i$. Arătați că numărul $z_1 + z_2$ este real.
- 5p** 2. Determinați numărul real m , știind că punctul $M(2, m)$ aparține graficului funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 3$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^{3x-5} = 3^{-2}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $A = \{1, 2, 3, \dots, 20\}$, acesta să fie multiplu de 5.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2,5)$, $B(1,3)$ și $C(m,1)$, unde m este număr real. Determinați numărul real m , știind că punctul C aparține dreptei AB .
- 5p** 6. Se consideră $E(x) = \cos \frac{x}{2} + \sin x$, unde x este număr real. Arătați că $E\left(\frac{\pi}{3}\right) = \sqrt{3}$.

MAI 2017– S.N.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați numărul complex z , știind că $2z + \bar{z} = 6 + i$, unde \bar{z} este conjugatul lui z .
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 4x - 5$. Calculați $f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(10)$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_2(x+3) = 1 + \log_2(x+1)$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să aibă cifrele egale.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1,1)$ și $B(5,5)$. Determinați ecuația dreptei care trece prin punctul $C(-2,6)$ și este perpendiculară pe dreapta AB .
- 5p** 6. Se consideră triunghiul ABC cu $AB = 3\sqrt{2}$, $m(\angle ACB) = 30^\circ$ și $m(\angle BAC) = 45^\circ$. Determinați lungimea laturii BC .

MARTIE 2017– S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Se consideră numărul complex $z = 1 - i$. Arătați că $z^2 + 2i = 0$.
- 5p** 2. Calculați $(g \circ f)(0)$, unde $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x + 2017$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x - 2017$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^{x^2-3x} = 3^{x-4}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $M = \{1, 2, 3, \dots, 100\}$, acesta să fie pătrat perfect.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctul $A(0,1)$. Determinați ecuația dreptei d , care trece prin punctul A și este perpendiculară pe dreapta de ecuație $y = x - 10$.
- 5p** 6. Determinați aria triunghiului ABC , știind că $AB = 6$, $AC = 4$ și $A = \frac{\pi}{6}$.

MODEL 2017– S.N.**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați al doilea termen al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_1 = 4$ și rația $q = 2$.
- 5p** 2. Determinați coordonatele vârfului parabolei asociate funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 2x$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_3(2x+1) = \log_3 5$.
- 5p** 4. Determinați numărul submulțimilor cu două elemente ale mulțimii $\{0, 1, 2, 3, 4\}$.
- 5p** 5. Determinați numărul real m , știind că punctul $M(1,0)$ aparține dreptei de ecuație $y = mx - 2$.
- 5p** 6. Calculați lungimea razei cercului circumscris triunghiului ABC , în care $AB = \sqrt{2}$ și $C = \frac{\pi}{4}$.

AUGUST 2016– S.N.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- IULIE 2016– S.N.**
- 5p** 1. Se consideră numărul complex $z = 1 - i$. Arătați că $z^2 = -2i$.
- 5p** 2. Calculați $(g \circ f)(0)$, unde $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x + 2016$ și $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x - 2016$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3^{x^2-3x} = 3^{x-4}$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $M = \{1, 2, 3, \dots, 100\}$, acesta să fie pătrat perfect.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctul $A(0,1)$. Determinați ecuația dreptei d , care trece prin punctul A și este paralelă cu dreapta de ecuație $y = 3x - 2016$.
- 5p** 6. Determinați aria triunghiului ABC , știind că $AB = 6$, $AC = 4$ și $\angle A = \frac{\pi}{6}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- MAI 2016– S.N.**
- 5p** 1. Arătați că $(\sqrt{5} + 2)^2 - 4\sqrt{5} = 9$.
- 5p** 2. Determinați numărul real m , știind că punctul $M(m, 4)$ aparține graficului funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x + 2$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_4(x^2 + 9) = \log_4 25$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, acesta să fie divizibil cu 2.
- 5p** 5. Determinați numărul real a , pentru care vectorii $\vec{u} = (a-1)\vec{i} - 3\vec{j}$ și $\vec{v} = 2\vec{i} - 6\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Dacă $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ și $\cos x = \frac{1}{2}$, arătați că $\sin 2x = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- MARTIE 2016– S.N.**
- 5p** 1. Determinați rația progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $2a_{10} = a_5 + a_6 + 36$.
- 5p** 2. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficului funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 3x - 1$ cu dreapta de ecuație $y = x - 1$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_2 \frac{x-1}{x+1} + \log_2(x^2 - 1) = 4$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să aibă produsul cifrelor divizibil cu 10.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1,1)$, $B(1,4)$ și $C(5,1)$. Determinați coordonatele centrului cercului circumscris triunghiului ABC .
- 5p** 6. Arătați că $\frac{1 + \cos 2x}{1 - \cos 2x} = \operatorname{ctg}^2 x$, pentru orice $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați primul termen al progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$, știind că $b_5 = 48$ și $b_8 = 384$.
- 5p** 2. Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 7x + 6$. Determinați distanța dintre punctele de intersecție a graficului funcției f cu axa Ox .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $32^x = 16 \cdot 2^x$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr natural n din mulțimea $\{1, 2, 3, 4, 5\}$, acesta să verifice egalitatea $n^2 - 5n + 6 = 0$.
- 5p** 5. Determinați numărul real a , știind că vectorii $\vec{u} = (a+1)\vec{i} + (a-1)\vec{j}$ și $\vec{v} = 6\vec{i} + 2\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Arătați că $(2\sin x + \cos x)^2 + (\sin x + 2\cos x)^2 - 4\sin 2x = 5$, pentru orice număr real x .

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați al doilea termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 1$ și rația $r = 2$.
- 5p** 2. Determinați numărul real m , știind că punctul $A(m, 0)$ aparține graficului funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x + 1$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_2(x^2 + 4) = \log_2 8$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$, acesta să fie divizibil cu 3.
- 5p** 5. Determinați numărul real a , știind că vectorii $\vec{u} = (a+1)\vec{i} + 4\vec{j}$ și $\vec{v} = \vec{i} + 2\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Arătați că $\sin 2x = \frac{\sqrt{3}}{2}$, știind că $\sin x = \frac{1}{2}$ și $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Se consideră numărul complex $z = 1+i$. Arătați că $z^2 - 2i = 0$.
- 5p** 2. Calculați $(g \circ f)(3)$, unde $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x - 3$ și $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = x + 2015$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $5^{x^2-5x} = 5^{3-3x}$.
- 5p** 4. Determinați numărul submulțimilor cu patru elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, 4, 5\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctul $A(0, 4)$. Determinați ecuația dreptei d care trece prin punctul A și este paralelă cu dreapta de ecuație $y = 2x + 7$.
- 5p** 6. Determinați aria triunghiului MNP , știind că $MN = 12$, $MP = 3$ și $m(\angle M) = 30^\circ$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Calculați rația progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_3 = 6$ și $a_4 = 8$.
- 5p** 2. Determinați valoarea minimă a funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 9$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 + 3} = x + 1$.
- 5p** 4. Determinați numărul submulțimilor cu două elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2,1)$ și $B(0,3)$. Determinați ecuația dreptei AB .
- 5p** 6. Calculați lungimea razei cercului circumscris triunghiului ABC în care $AB = 8$ și $C = \frac{\pi}{6}$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați numărul real care are partea întreagă -2 și partea fracționară $0,75$.
- 5p** 2. Calculați distanța dintre punctele de intersecție a graficului funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = -\frac{4}{3}x + 4$ cu axa Ox și, respectiv, cu axa Oy .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\left(\frac{1}{3}\right)^{2x+10} = 81$.
- 5p** 4. Determinați numărul natural n pentru care $C_n^0 + C_n^1 + C_n^2 + \dots + C_n^n = 64$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $M(-1,1)$, $N(3,1)$ și $P(3,5)$. Arătați că triunghiul MNP este isoscel.
- 5p** 6. Calculați raza cercului inscris în triunghiul ABC , știind că $AB = 6$, $AC = 8$ și $BC = 10$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Calculați suma primilor trei termeni ai progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 3$ și rația $r = 2$.
- 5p** 2. Determinați coordonatele vârfului parabolei asociate funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 2x - 2$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 - 4x + 5} = 1$.
- 5p** 4. Determinați numărul submulțimilor cu trei elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, 4, 5\}$.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2,3)$, $B(-2,1)$ și $C(-2,5)$. Determinați lungimea vectorului \overline{AM} , știind că M este mijlocul segmentului BC .
- 5p** 6. Calculați $\operatorname{ctg} a$, știind că $\sin a = \frac{1}{3}$ și $a \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

AUGUST 2014– S.N.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați numărul real x pentru care numerele 2 , $x+2$ și 10 sunt termeni consecutivi ai unei progresii aritmetice.
- 5p** 2. Determinați valoarea minimă a funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 2x - 10$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_2(x^2 - 2x) = 3$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie par.
- 5p** 5. Determinați numărul real a pentru care vectorii $\vec{u} = (a-2)\vec{i} - 2\vec{j}$ și $\vec{v} = 3\vec{i} + 2\vec{j}$ sunt opuși.
- 5p** 6. Calculați cosinusul unghiului A al triunghiului ABC în care $AB = 4$, $AC = 5$ și $BC = 6$.

IULIE 2014– S.N.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați partea reală a numărului complex $z = 3 + 2(1-i)$.
- 5p** 2. Arătați că $x_1 + x_2 + 2x_1x_2 = 23$ știind că x_1 și x_2 sunt soluțiile ecuației $x^2 - 3x + 10 = 0$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 + x + 1} = 1$.
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale impare de trei cifre distincte se pot forma cu elementele mulțimii $\{1, 2, 3\}$.
- 5p** 5. Determinați numărul real a pentru care dreptele de ecuații $y = (a-1)x + 1$ și $y = 2x - 3$ sunt paralele.
- 5p** 6. Determinați raza cercului circumscris triunghiului ABC în care $AB = 3$, $AC = 4$ și $BC = 5$.

MAI 2014– S.N.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Se consideră numărul complex $z = 2 + 3i$. Calculați z^2 .
- 5p** 2. Determinați coordonatele punctului de intersecție cu axa Ox a graficului funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - 6x + 9$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_9(x^2 + 5) = 1$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie divizibil cu 13 .
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(-2,0)$, $B(2,0)$ și $C(0,3)$. Calculați aria triunghiului ABC .
- 5p** 6. Se consideră $E(x) = \cos x + \sin \frac{x}{2}$, unde x este număr real. Calculați $E\left(\frac{\pi}{2}\right)$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați conjugatul numărului complex $z = 1 + i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$.
- 5p** 2. Determinați valoarea maximă a funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = -x^2 + 4x - 5$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $3 - \sqrt{x^2 + 3} = x$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să aibă cifrele distințe.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(2,3)$, $B(4,0)$ și $C(2,0)$. Determinați aria triunghiului ABC .
- 5p** 6. Arătați că $(\sin x + \cos x)^2 + (\sin x - \cos x)^2 = 2$ pentru orice număr real x .

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Determinați rația progresiei geometrice $(b_n)_{n \geq 1}$ cu termeni reali, știind că $b_2 = 1$ și $b_5 = 8$.
- 5p** 2. Calculați $(f \circ f)(0)$ pentru funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 2x + 7$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2\log_5(x-3) = \log_5(x-1)$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând la întâmplare un număr din mulțimea $A = \{1, 2, 3, \dots, 50\}$, acesta să fie număr divizibil cu 11.
- 5p** 5. Determinați numărul real a pentru care vectorii $\vec{v} = 2\vec{i} + (a+1)\vec{j}$ și $\vec{u} = \vec{i} + 2\vec{j}$ sunt coliniari.
- 5p** 6. Rezolvați în mulțimea $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ ecuația $2\sin x - 1 = 0$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că numărul $a = 3(2 + 5i) - 5(1 + 3i)$ este real.
- 5p** 2. Determinați coordonatele punctului de intersecție cu axa Ox a graficului funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + 10x + 25$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_5(x^2 + x + 1) = \log_5(x + 2)$.
- 5p** 4. După o ieftinire cu 10% prețul unui produs este 90 de lei. Calculați prețul produsului înainte de ieftinire.
- 5p** 5. În reperul cartezian xOy se consideră dreapta h de ecuație $y = x - 1$ și punctul $A(2, 2)$. Determinați ecuația dreptei d care trece prin A și este paralelă cu h .
- 5p** 6. Calculați cosinusul unghiului A al triunghiului ABC în care $AB = 5$, $AC = 6$ și $BC = 7$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că numărul $x = 2(1+i) - 2i$ este real.
- 5p** 2. Calculați $f(1) \cdot f(2) \cdot \dots \cdot f(5)$ pentru funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x - 2$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 + 1} = x + 1$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând la întâmplare un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, produsul cifrelor acestuia să fie egal cu 5.
- 5p** 5. Se consideră punctele A , B și C astfel încât $\overline{AB} = 2\vec{i} + 2\vec{j}$ și $\overline{BC} = 2\vec{i} + \vec{j}$. Calculați lungimea vectorului \overline{AC} .
- 5p** 6. Se consideră $E(x) = \sin x + \cos \frac{x}{2}$, unde x este număr real. Calculați $E\left(\frac{\pi}{3}\right)$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că numărul $2(\sqrt{7} + 1) - \sqrt{28}$ este natural.
- 5p** 2. Calculați $f(1) + f(2) + \dots + f(10)$ pentru funcția $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = 2x - 1$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $4^{x+1} = 16$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând la întâmplare un element din mulțimea $A = \{1, 2, 3, \dots, 15\}$, acesta să fie multiplu de 7.
- 5p** 5. Se consideră punctele A , B și C astfel încât $\overline{AB} = 2\vec{i} + \vec{j}$ și $\overline{BC} = \vec{i} - \vec{j}$. Calculați lungimea vectorului \overline{AC} .
- 5p** 6. Determinați $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ știind că $\frac{3 \sin x - 2 \cos x}{\cos x} = 1$.

SUBIECTUL I**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Calculați produsul primilor trei termeni ai progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$, știind că $a_1 = 2$ și $a_2 = 1$.
- 5p** 2. Determinați valorile reale ale lui m pentru care $x^2 - 2x - m > 0$, oricare ar fi $x \in \mathbb{R}$.
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_2 x + \log_2(x-1) = \log_2 12$.
- 5p** 4. Calculați probabilitatea ca, alegând la întâmplare un număr natural de trei cifre, produsul cifrelor acestuia să fie egal cu 3.
- 5p** 5. Calculați $\vec{a} \cdot \vec{b}$, știind că $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = 3$ și unghiul vectorilor \vec{a} și \vec{b} are măsura $\frac{\pi}{3}$.
- 5p** 6. În reperul cartezian xOy se consideră punctele $A(1,3)$, $B(0,1)$ și $C(3,1)$. Determinați coordonatele ortocentrului triunghiului ABC .